

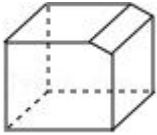
2022-2023 学年四川省成都市龙泉驿区九年级（上）期末数学模拟试卷

一. 选择题（共 8 小题，满分 24 分，每小题 3 分）

1.（3 分）下列方程是一元二次方程的是（ ）

- A. $x+1=0$ B. $2x>2$ C. $\frac{1}{x}=4$ D. $x^2+1=5$

2.（3 分）如图所示几何体的俯视图是（ ）



- A.  B.  C.  D. 

3.（3 分）在一个不透明的口袋中装有 2 个红球和若干个白球，它们除颜色外其他完全相同。通过多次摸球试验后发现，摸到红球的频率稳定在 20%附近，则口袋中白球可能有（ ）

- A. 5 个 B. 6 个 C. 7 个 D. 8 个

4.（3 分）下列两个图形一定相似的是（ ）

- A. 有一个角为 110° 的两个等腰三角形
B. 两个直角三角形
C. 有一个角为 55° 的两个等腰三角形
D. 两个矩形

5.（3 分）方程 $(m-2)x^2 - 4x - 1 = 0$ 有两个不等的实数根，则 m 的取值范围是（ ）

- A. $m > -2$ B. $m < -2$ C. $m \leq -2$ D. $m > -2$ 且 $m \neq 2$

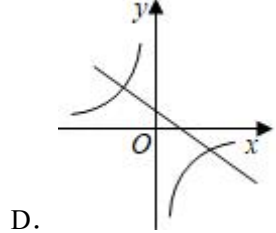
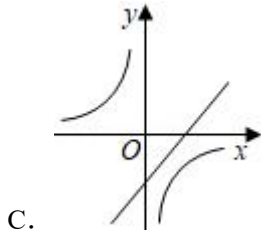
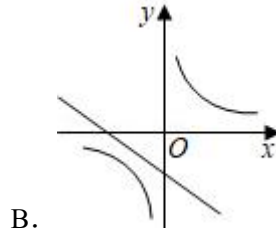
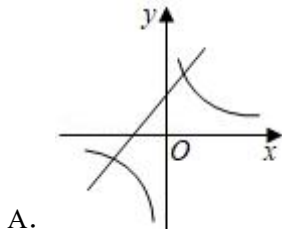
6.（3 分）已知 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ， $S_{\triangle ABC} : S_{\triangle DEF} = 1 : 4$ 。则它们的周长比为（ ）

- A. 1: 2 B. 1: 4 C. 2: 1 D. 4: 1

7.（3 分）某超市 2019 年的销售利润是 100 万元，计划到 2021 年利润要达到 144 万元，若设每年平均增长率是 $x\%$ ，则可得方程（ ）

- A. $100(1+x)^2 = 144$ B. $100(1+x\%)^2 = 144$
C. $x^2 = 144$ D. $100x(x+1) = 144$

8.（3 分）函数 $y=kx - k$ 与 $y=\frac{-k}{x}$ 在同一坐标系中的图象可能是（ ）

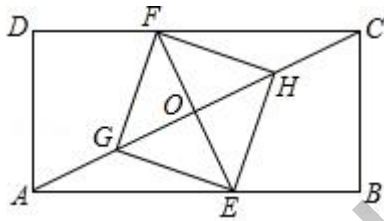


二. 填空题 (共 10 小题, 满分 30 分, 每小题 3 分)

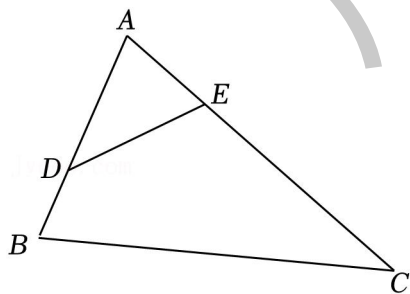
9. (3 分) 如果反比例函数 $y = \frac{a-2}{x}$ (a 是常数) 的图象在第二、四象限, 那么 a 的取值范围是 _____.

10. (3 分) 已知线段 $a=2$ 厘米, $c=4$ 厘米, 则线段 a 和 c 的比例中项 b 是 _____ 厘米.

11. (3 分) 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, 已知 $AB=3BC=6$, 直线 EF 分别与 AB, CD, AC 交于点 $E, F, O, OA=OC$, 若 G, H 分别为 AO, OC 的中点, 且四边形 $GEHF$ 是矩形, 则 AE 的长为 _____.

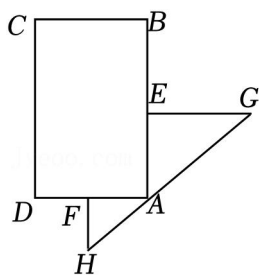


12. (3 分) 如图, D, E 分别是 $\triangle ABC$ 的边 AB, AC 上的动点, 若 $AE=3, AC=8, AB=6$, 且 $\triangle ADE$ 与 $\triangle ABC$ 相似, 则 AD 的长度是 _____.



13. (3 分) 若 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{4}{5}$ ($b+d \neq 0$), 则 $\frac{a+c}{b+d} =$ _____.

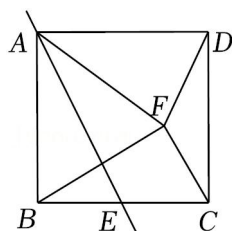
14. (3 分) “今有邑, 东西六里, 南北八里, 各开中门, 出东门五里有木, 问: 出南门几何步而见木?” 这段话摘自《九章算术》, 意思是说: 如图, 矩形 $ABCD$, 东边城墙 AB 长 8 里, 南边城墙 AD 长 6 里, 东门点 E 、南门点 F 分别是 AB, AD 的中点, $EG \perp AB, FH \perp AD, EG=5$ 里, HG 经过 A 点, 则 $FH=$ _____ 里.



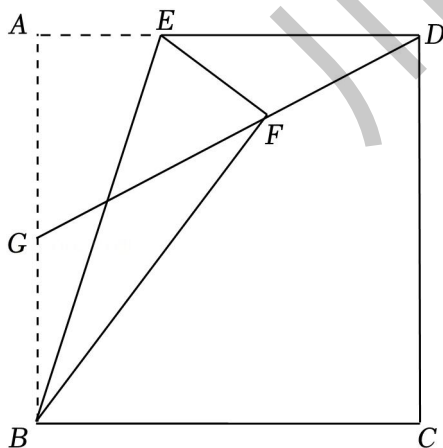
15. (3分) 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 - kx + 5 = 0$ 与 $x^2 + 5x - k = 0$ 只有一个公共的实根, 求关于 x 的方程 $|x^2 + kx| = |k|$ 所有的实根之和为_____.

16. (3分) 用换元法解关于 x 的分式方程 $\frac{x-1}{x} + \frac{2ax}{x-1} - 2a - 1 = 0$ 时, 如果设 $\frac{x-1}{x} = y$, 将原方程化为关于 y 的整式方程, 那么这个整式方程是_____, 若原方程的解为正数, 则 a 的取值范围为_____.

17. (3分) 在正方形 $ABCD$ 中, $AB = 5$, 点 E 在边 BC 上, $\triangle ABE$ 沿直线 AE 翻折后点 B 落到正方形 $ABCD$ 的内部点 F , 联结 BF 、 CF 、 DF , 如图, 如果 $\angle BFC = 90^\circ$, 那么 $DF =$ _____.



18. (3分) 如图, 正方形 $ABCD$, $AB = 2$, 点 E 为 AD 上一动点, 将三角形 ABE 沿 BE 折叠, 点 A 落在点 F 处, 连接 DF 并延长, 与边 AB 交于点 G , 若点 G 为 AB 中点, 则 $AE =$ _____.



三. 解答题 (共 8 小题, 满分 66 分)

19. (6分) 解下列方程:

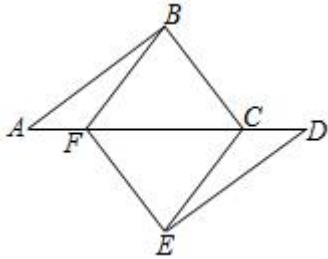
(1) $2(x-1)^2 - 18 = 0;$

(2) $2x^2 - 7x + 3 = 0.$

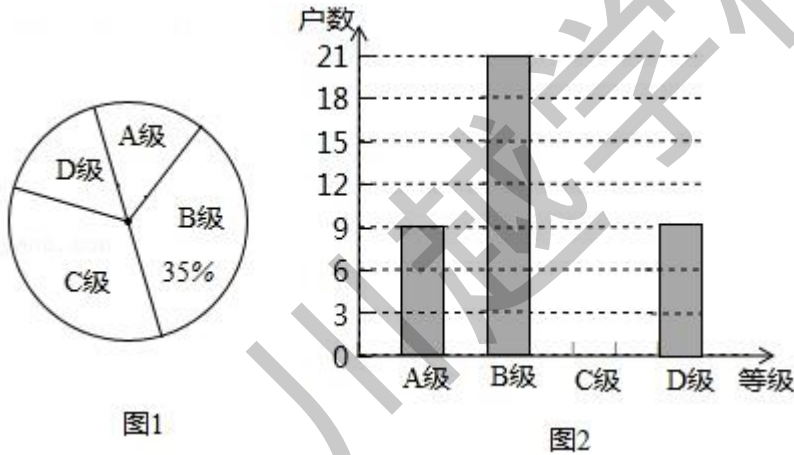
20. (8分) 如图, 点 A 、 F 、 C 、 D 在同一直线上, 点 B 和点 E 分别在直线 AD 的两侧, 且 $AB=DE$, $\angle A=\angle D$, $AF=DC$.

(1) 求证: 四边形 $BCEF$ 是平行四边形;

(2) 若 $\angle DEF=90^\circ$, $DE=8$, $EF=6$, 当 AF 为 _____ 时, 四边形 $BCEF$ 是菱形.



21. (8分) 今年猪肉价格受非洲猪瘟疫情影响, 有较大幅度的上升, 为了解某地区养殖户受非洲猪瘟疫情感染受灾情况, 现从该地区建档的养殖户中随机抽取了部分养殖户进行了调查 (把调查结果分为四个等级: A 级: 非常严重; B 级: 严重; C 级: 一般; D 级: 没有感染), 并将调查结果绘制成如下两幅不完整的统计图. 请根据统计图中的信息解决下列问题:



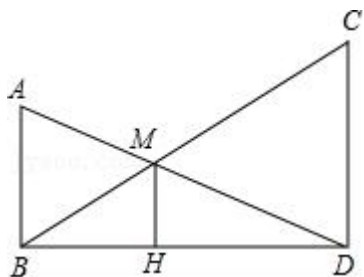
(1) 本次抽样调查的养殖户的总户数是 _____; 把图 2 条形统计图补充完整.

(2) 若该地区建档的养殖户有 1500 户, 求非常严重与严重的养殖户一共有多少户?

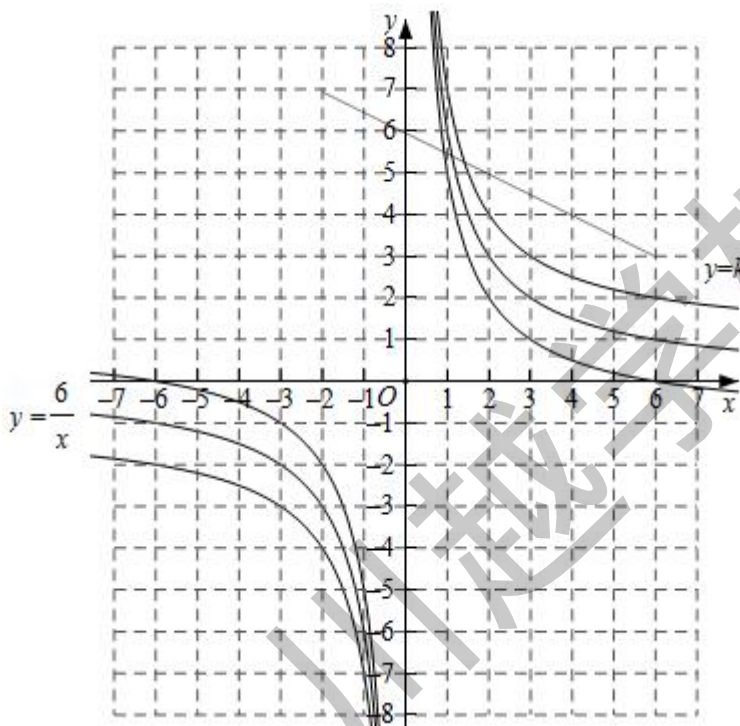
(3) 某调研单位想从 5 户建档养殖户 (分别记为 a , b , c , d , e) 中随机选取两户, 进一步跟踪监测病毒传播情况, 请用列表或画树状图的方法求出选中养殖户 e 的概率.

22. (8分) 如图, AB 和 CD 表示两根直立于地面的柱子, AD 和 BC 表示起固定作用的两根钢筋,

AD 与 BC 的交点记为 M , 已知 $AB=4m$, $CD=6m$, 求点 M 离地面的高度 MH .



23. (8分) 图象是函数性质的直观载体, 通过图象我们容易把握函数的整体性质, 下面我们就一类特殊的函数展开探索, 经历分析解析式、列表、描点、连线过程得到函数 $y = \frac{6}{x}$, $y = \frac{6}{x} + 1$, $y = \frac{6}{x} - 1$ 的图象如图所示.



(1) 观察发现: 三个函数的图象都是双曲线, 且分别关于直线 $y = x$ 、 $y = x + 1$ 、 $y = x - 1$ 对称: 三个函数解析式中分式部分完全相同, 则图象的大小和形状完全相同, 只有位置 and 对称轴发生了变化. 因此, 我们可以通过描点或平移的方法画函数图象, 平移函数 $y = \frac{6}{x}$ 的图象可以得到函数 $y = \frac{6}{x} + 1$, $y = \frac{6}{x} - 1$ 的图象, 分别写出平移的方向和距离.

(2) 探索思考: 在所给的平面直角坐标系中, 请用你喜欢的方法画出函数 $y = \frac{2x+6}{x}$ 的图象, 并写出这个函数的一条性质.

(3) 拓展应用: 若直线 $y = kx + b$ 过点 $(2, 5)$ 、 $(6, 3)$, 结合你所画的函数图象, 直接写出不等式 $\frac{2x+6}{x} \leq kx + b$ 的解集.

24. (8分) 若 y 是 x 的函数, h 为常数 ($h > 0$), 若对于该函数图象上的任意两点 (x_1, y_1) 、 (x_2, y_2) , 当 $a \leq x_1 \leq b$, $a \leq x_2 \leq b$ (其中 a, b 为常数, $a < b$) 时, 总有 $|y_1 - y_2| \leq h$, 就称此函数在 $a \leq x \leq b$ 时为有界函数, 其中满足条件的所有常数 h 的最小值, 称为该函数在 $a \leq x \leq b$ 时的界高.

(1) 函数: ① $y = 2x$, ② $y = \frac{1}{x}$, ③ $y = x^2$ 在 $-1 \leq x \leq 1$ 时为有界函数的是 _____ (填序号);

(2) 若一次函数 $y = kx + 2$ ($k \neq 0$), 当 $a \leq x \leq b$ 时为有界函数, 且在此范围内的界高为 $b - a$, 请求出此一次函数解析式;

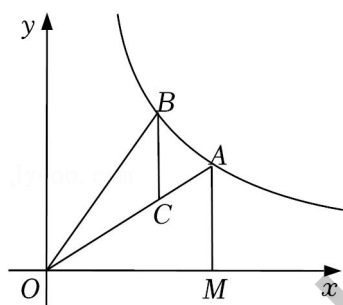
(3) 已知函数 $y = x^2 - 2ax + 5$ ($a > 1$), 当 $1 \leq x \leq a + 1$ 时为有界函数, 且此范围内的界高不大于 4, 求实数 a 的取值范围.

25. (10分) 如图, 点 A, B 在反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k > 0, x > 0$) 的图象上, $AM \perp x$ 轴于点 M , $BC \parallel$

AM 交线段 OA 于点 C , 连结 OB . 已知点 A, B 的横坐标分别为 6, 4.

(1) 求 $\frac{BC}{AM}$ 的值.

(2) 当 $\triangle AOM$ 与 $\triangle OBC$ 的面积之差等于 4 时, 求 k 的值.



26. (10分) 如图 1, 在边长为 4 的正方形 $ABCD$ 中, 点 E 在直线 BC 上, 连接 AE , 以 AE 为边作正方形 $AEFG$ (A, E, F, G 四个顶点按照逆时针排列), 连接 AF , 直线 AF 交直线 CD 于点 H .

(1) 当点 E 在边 BC 上时 (点 E 不与点 B 重合), 连接 DG ,

① 求证: $\triangle ADG$ 是直角三角形.

② 线段 BE, DH, EH 之间有怎么的关系, 并加以证明.

(2) 当点 E 不在线段 BC 上时, 请直接写出线段 BE, DH, EH 之间的关系.

(3) 如图 2, 当点 E 在边 BC 上时 (点 E 不与点 B 重合) 连接 BD , 分别交 AE, AH 于点 M, N , 当 $CE + CH = 4.5$ 时, 请直接写出线段 MN 的长.

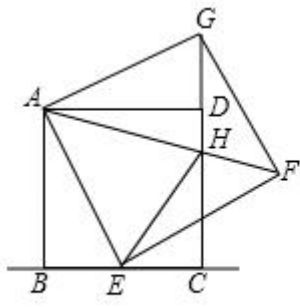


图 1

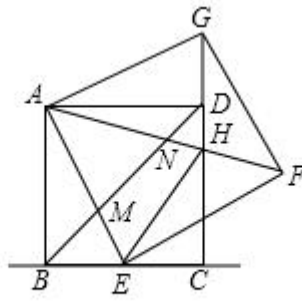
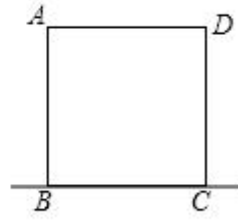


图 2



川越学校

2022-2023 学年四川省成都市龙泉驿区九年级（上）期末数学模拟试卷

参考答案与试题解析

一. 选择题（共 8 小题，满分 24 分，每小题 3 分）

1. （3 分）下列方程是一元二次方程的是（ ）

- A. $x+1=0$ B. $2x>2$ C. $\frac{1}{x}=4$ D. $x^2+1=5$

【解答】解：A. 方程 $x+1=0$ 是一元一次方程，选项 A 不符合题意；

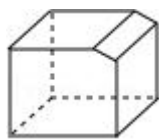
B. $2x>2$ 是一元一次不等式，选项 B 不符合题意；

C. 方程 $\frac{1}{x}=4$ 是分式方程，选项 C 不符合题意；

D. 方程 $x^2+1=5$ 是一元二次方程，选项 D 符合题意.

故选：D.

2. （3 分）如图所示几何体的俯视图是（ ）



【解答】解：根据题意得：该几何体的俯视图为一个矩形，矩形的右侧有一条纵向的线段.

故选：C.

3. （3 分）在一个不透明的口袋中装有 2 个红球和若干个白球，它们除颜色外其他完全相同. 通过多次摸球试验后发现，摸到红球的频率稳定在 20%附近，则口袋中白球可能有（ ）

- A. 5 个 B. 6 个 C. 7 个 D. 8 个

【解答】解：设袋中白球的个数为 x ,

根据题意，得： $\frac{2}{2+x}=20\%$,

解得 $x=8$,

经检验 $x=8$ 是分式方程的解，

所以口袋中白球可能有 8 个，

故选：D.

4. （3 分）下列两个图形一定相似的是（ ）

- A. 有一个角为 110° 的两个等腰三角形
- B. 两个直角三角形
- C. 有一个角为 55° 的两个等腰三角形
- D. 两个矩形

【解答】解：A、分别有一个角是 110° 的两个等腰三角形，其底角等于 55° ，所以有一个角是 110° 的两个等腰三角形相似，此选项符合题意；

B、两个直角三角形的对应锐角不一定相等，对应边不一定成比例，所以两个直角三角形不一定相似，此选项不符合题意；

C、一个角为 55° 的两个等腰三角形不一定相似，因为 55° 的角可能是顶角，也可能是底角，此选项不符合题意；

D、两个矩形的对应边不一定成比例，所以两个矩形不一定相似，此选项不符合题意。

故选：A.

5. (3分) 方程 $(m-2)x^2 - 4x - 1 = 0$ 有两个不等的实数根，则 m 的取值范围是 ()

- A. $m > -2$
- B. $m < -2$
- C. $m \leq -2$
- D. $m > -2$ 且 $m \neq 2$

【解答】解： \because 方程 $(m-2)x^2 - 4x - 1 = 0$ 有两个不等的实数根，

$$\therefore \begin{cases} m-2 \neq 0 \\ \Delta = (-4)^2 - 4 \times (-1) \times (m-2) > 0 \end{cases}$$

解得： $m > -2$ 且 $m \neq 2$.

故选：D.

6. (3分) 已知 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ， $S_{\triangle ABC} : S_{\triangle DEF} = 1 : 4$ ，则它们的周长比为 ()

- A. 1 : 2
- B. 1 : 4
- C. 2 : 1
- D. 4 : 1

【解答】解： $\because \triangle ABC \sim \triangle DEF$ ， $S_{\triangle ABC} : S_{\triangle DEF} = 1 : 4$ ，

$\therefore \triangle ABC$ 与 $\triangle DEF$ 的相似比为：1 : 2，

$\therefore \triangle ABC$ 与 $\triangle DEF$ 的周长比为：1 : 2.

故选：A.

7. (3分) 某超市 2019 年的销售利润是 100 万元，计划到 2021 年利润要达到 144 万元，若设每年平均增长率是 $x\%$ ，则可得方程 ()

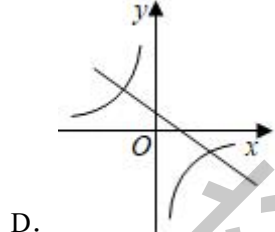
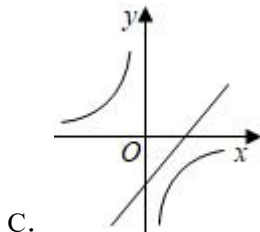
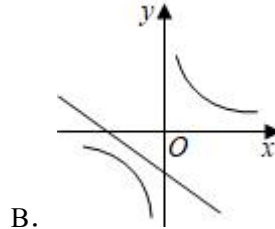
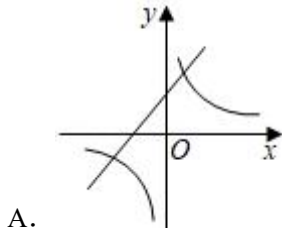
- A. $100(1+x)^2 = 144$
- B. $100(1+x\%)^2 = 144$
- C. $x^2 = 144$
- D. $100x(x+1) = 144$

【解答】解：由题意可得，

$$100(1+x\%) = 144,$$

故选：B.

8. (3分) 函数 $y=kx-k$ 与 $y=\frac{-k}{x}$ 在同一坐标系中的图象可能是 ()



【解答】解：当 $k>0$ 时，一次函数 $y=kx-k$ 的图象过一、三、四象限，反比例函数 $y=\frac{-k}{x}$ 的图象在二、四象限，

当 $k<0$ 时，一次函数 $y=kx-k$ 的图象过一、二、四象限，反比例函数 $y=\frac{-k}{x}$ 的图象在一、三象限，

∴A、B、D 不符合题意，C 符合题意；

故选：C.

二. 填空题 (共 10 小题, 满分 30 分, 每小题 3 分)

9. (3分) 如果反比例函数 $y=\frac{a-2}{x}$ (a 是常数) 的图象在第二、四象限, 那么 a 的取值范围是 a
 ≤ 2 .

【解答】解：∵反比例函数 $y=\frac{a-2}{x}$ 的图象分布在第二、四象限，

$$\therefore a-2 < 0,$$

解得 $a < 2$.

故答案为： $a < 2$.

10. (3分) 已知线段 $a=2$ 厘米, $c=4$ 厘米, 则线段 a 和 c 的比例中项 b 是 $2\sqrt{2}$ 厘米.

【解答】解：∵线段 b 是 a 、 c 的比例中项，

$$\therefore b^2 = ac = 8,$$

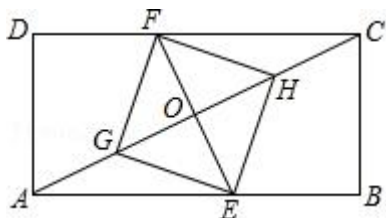
解得 $b = \pm 2\sqrt{2}$,

又∵线段是正数，

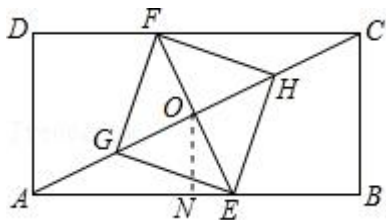
$$\therefore b=2\sqrt{2}.$$

故答案为： $2\sqrt{2}$.

11. (3分) 如图，在矩形 $ABCD$ 中，已知 $AB=3BC=6$ ，直线 EF 分别与 AB ， CD ， AC 交于点 E ， F ， O ， $OA=OC$ ，若 G ， H 分别为 AO ， OC 的中点，且四边形 $GEHF$ 是矩形，则 AE 的长为 $3+\frac{\sqrt{6}}{2}$.



解：过 O 作 $ON \perp AB$ 于 N ，



可知， $ON = \frac{1}{2}BC = 1$ ，

∵ 四边形 $GFHE$ 是矩形，

$$\therefore GH = EF,$$

∵ G ， H 分别为 OA ， OC 的中点，

$$\therefore OG + OH = \frac{1}{2}AO + \frac{1}{2}OC = \frac{1}{2}AC,$$

在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{6^2 + 2^2} = 2\sqrt{10}$ ，

$$\therefore OG + OH = GH = EF = \frac{1}{2}AC = \sqrt{10},$$

$$\therefore OA = \sqrt{10}, \quad OE = \frac{\sqrt{10}}{2},$$

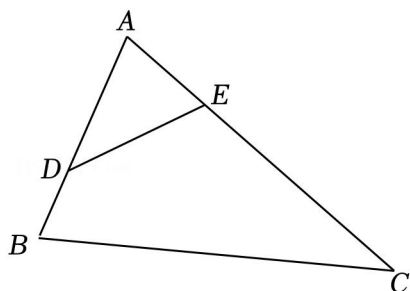
在 $\text{Rt}\triangle ONA$ 中， $AN = \sqrt{AO^2 - ON^2} = \sqrt{10 - 1} = 3$ ，

在 $\text{Rt}\triangle ONE$ 中， $NE = \sqrt{OE^2 - ON^2} = \sqrt{\frac{10}{4} - 1} = \frac{\sqrt{6}}{2}$ ，

$$\therefore AE = AN + NE = 3 + \frac{\sqrt{6}}{2}.$$

故答案为： $3 + \frac{\sqrt{6}}{2}$.

12. (3分) 如图, D 、 E 分别是 $\triangle ABC$ 的边 AB 、 AC 上的动点, 若 $AE=3$, $AC=8$, $AB=6$, 且 $\triangle ADE$ 与 $\triangle ABC$ 相似, 则 AD 的长度是 $\frac{4 \text{ 或 } 9}{4}$.



解: 当 $\triangle ADE \sim \triangle ABC$ 时, 可得 $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$,

$$\text{即 } \frac{AD}{6} = \frac{3}{8},$$

$$\text{解得 } AD = \frac{9}{4};$$

当 $\triangle AED \sim \triangle ABC$ 时, 可得 $\frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC}$,

$$\text{即 } \frac{3}{6} = \frac{AD}{8},$$

$$\text{解得 } AD = 4,$$

综上所述, AD 的长为 4 或 $\frac{9}{4}$.

故答案为: 4 或 $\frac{9}{4}$.

13. (3分) 若 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{4}{5}$ ($b+d \neq 0$), 则 $\frac{a+c}{b+d} = \frac{4}{5}$.

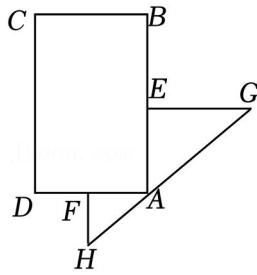
$$\text{解: } \because \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{4}{5},$$

$$\therefore a = \frac{4}{5}b, \quad c = \frac{4}{5}d,$$

$$\therefore \frac{a+c}{b+d} = \frac{\frac{4}{5}b + \frac{4}{5}d}{b+d} = \frac{4}{5}.$$

故答案为: $\frac{4}{5}$.

14. (3分) “今有邑, 东西六里, 南北八里, 各开中门, 出东门五里有木, 问: 出南门几何步而见木?” 这段话摘自《九章算术》, 意思是说: 如图, 矩形 $ABCD$, 东边城墙 AB 长 8 里, 南边城墙 AD 长 6 里, 东门点 E 、南门点 F 分别是 AB , AD 的中点, $EG \perp AB$, $FH \perp AD$, $EG=5$ 里, HG 经过 A 点, 则 $FH = \underline{2.4}$ 里.



解： $EG \perp AB$, $FH \perp AD$, HG 经过 A 点，

$\therefore FA \parallel EG$, $EA \parallel FH$,

$\therefore \angle HFA = \angle AEG = 90^\circ$, $\angle FHA = \angle EAG$,

$\therefore \triangle GEA \sim \triangle AFH$,

$$\therefore \frac{EG}{FA} = \frac{EA}{FH}$$

$\because AB = 8$ 里, $DA = 6$ 里, $EG = 5$ 里,

$\therefore FA = 3$ 里, $EA = 4$ 里,

$$\therefore \frac{5}{3} = \frac{4}{FH}$$

解得： $FH = 2.4$ 里.

故答案为： 2.4.

15. (3分) 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 - kx + 5 = 0$ 与 $x^2 + 5x - k = 0$ 只有一个公共的实根, 求关于 x 的方程 $|x^2 + kx| = |k|$ 所有的实根之和为 -12.

解： 设公共根为 t , 则 $\begin{cases} t^2 - kt + 5 = 0 \text{ ①} \\ t^2 + 5t - k = 0 \text{ ②} \end{cases}$,

② - ① 得 $(k+5)t = k+5$,

$\because t$ 有唯一的值,

$\therefore k+5 \neq 0$, $t = 1$,

把 $t = 1$ 代入 ② 得 $1 + 5 - k = 0$, 解得 $k = 6$,

\therefore 关于 x 的方程 $|x^2 + kx| = |k|$ 变形为 $|x^2 + 6x| = 6$,

即 $x^2 + 6x + 6 = 0$ 或 $x^2 + 6x - 6 = 0$,

\because 方程 $x^2 + 6x + 6 = 0$ 的两实根之和为 -6 , 方程 $x^2 + 6x - 6 = 0$ 的两实根之和为 -6 ,

\therefore 关于 x 的方程 $|x^2 + kx| = |k|$ 所有的实根之和为 -12 .

故答案为 -12 .

16. (3分) 用换元法解关于 x 的分式方程 $\frac{x-1}{x} + \frac{2ax}{x-1} - 2a - 1 = 0$ 时, 如果设 $\frac{x-1}{x} = y$, 将原方程化

为关于 y 的整式方程，那么这个整式方程是 $y^2 - (2a+1)y + 2a = 0$ ，若原方程的解为正数，

则 a 的取值范围为 $a < \frac{1}{2}$ 且 $a \neq 0$ 。

解：设 $\frac{x-1}{x} = y$ ，则 $\frac{x}{x-1} = \frac{1}{y}$ ，关于 x 的分式方程 $\frac{x-1}{x} + \frac{2ax}{x-1} - 2a - 1 = 0$ 可化为 $y + \frac{2a}{y} - 2a - 1 = 0$ ，

两边都乘以 y 得， $y^2 - (2a+1)y + 2a = 0$ ，

即 $(y - 2a)(y - 1) = 0$ ，

解得 $y = 2a$ ($a \neq 0$)， $y = 1$ ，

当 $y = 1$ 时，即 $\frac{x-1}{x} = 1$ ，此方程无实数根，

当 $y = 2a$ 时，即 $\frac{x-1}{x} = 2a$ ，

两边都乘以 x 得， $x - 1 = 2ax$ ，

解得 $x = -\frac{1}{2a-1}$ ，

又 \because 原方程的解为正数，

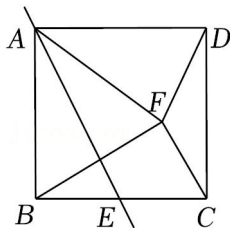
$\therefore -\frac{1}{2a-1} > 0$ ，

解得 $a < \frac{1}{2}$ ，而 $a \neq 0$ ，

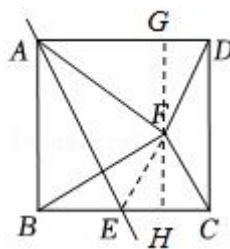
$\therefore a$ 的取值范围为 $a < \frac{1}{2}$ 且 $a \neq 0$ ，

故答案为： $y^2 - (2a+1)y + 2a = 0$ ； $a < \frac{1}{2}$ 且 $a \neq 0$ 。

17. (3分) 在正方形 $ABCD$ 中， $AB = 5$ ，点 E 在边 BC 上， $\triangle ABE$ 沿直线 AE 翻折后点 B 落到正方形 $ABCD$ 的内部点 F ，联结 BF 、 CF 、 DF ，如图，如果 $\angle BFC = 90^\circ$ ，那么 $DF = \underline{\sqrt{10}}$ 。



解：连接 EF ，过点 F 作 $FH \perp BC$ 于点 H ，延长 HF 交 AD 于点 G ，如图所示：



$\therefore \angle GHC = 90^\circ$ ，

在正方形 $ABCD$ 中, $\angle BCD = \angle CDA = 90^\circ$,

\therefore 四边形 $GHCD$ 是矩形,

$\therefore GH = CD, GD = HC,$

根据翻折, 可得 $\triangle ABE \cong \triangle AFE,$

$\therefore \angle AFE = \angle ABE, BE = FE,$

$\therefore \angle EBF = \angle EFB,$

$\therefore \angle BFC = 90^\circ,$

$\therefore \angle FBC + \angle FCB = 90^\circ,$

$\therefore \angle EFC = \angle ECF,$

$\therefore FE = CE,$

$\therefore BE = CE,$

在正方形 $ABCD$ 中, $\angle ABE = 90^\circ, AB = BC = CD = AD = 5, AD \parallel BC,$

$\therefore \angle AFE = 90^\circ, \frac{AF}{EF} = \frac{AB}{BE} = 2,$

$\therefore \angle AFG + \angle EFH = 90^\circ,$

$\therefore \angle EFH + \angle FEH = 90^\circ,$

$\therefore \angle AFG = \angle FEH,$

$\therefore FH \perp BC,$ 且 $AD \parallel BC,$

$\therefore \angle AGF = \angle FHE = 90^\circ,$

$\therefore \triangle AGF \sim \triangle FHE,$

$\therefore \frac{AG}{FH} = \frac{GF}{EH} = \frac{AF}{EF} = 2,$

设 $EH = m, FH = n,$ 则 $GF = 2m, AG = 2n,$

$\therefore EC = \frac{1}{2}BC = \frac{5}{2},$

$CH = \frac{5}{2} - n,$

$\therefore GD = CH, GH = CD,$

$\therefore \begin{cases} \frac{5}{2} - m = 5 - 2n \\ 2m + n = 5 \end{cases}$

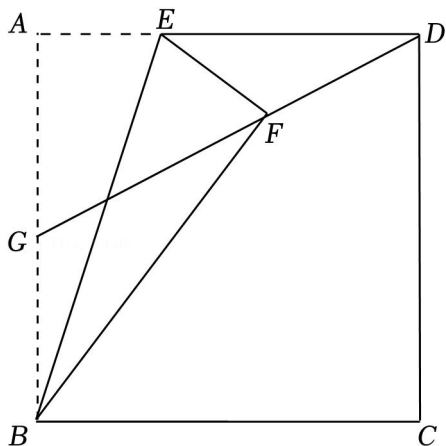
解得 $\begin{cases} m = \frac{3}{2} \\ n = 2 \end{cases}$

$$\therefore GF=2m=3, \quad GD=\frac{5}{2}-\frac{3}{2}=1,$$

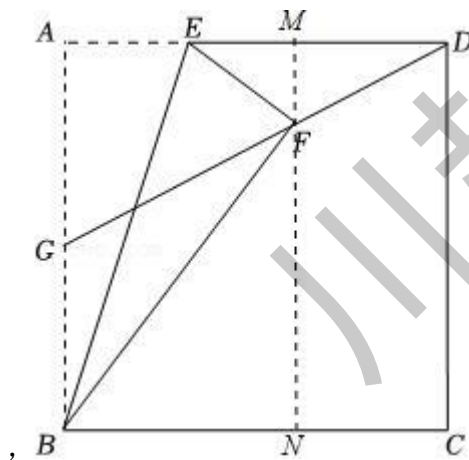
根据勾股定理, 得 $DF=\sqrt{3^2+1^2}=\sqrt{10}$,

故答案为: $\sqrt{10}$.

18. (3分) 如图, 正方形 $ABCD$, $AB=2$, 点 E 为 AD 上一动点, 将三角形 ABE 沿 BE 折叠, 点 A 落在点 F 处, 连接 DF 并延长, 与边 AB 交于点 G , 若点 G 为 AB 中点, 则 $AE=\frac{2}{3}$.



解: 过点 F 作 $MN \parallel AB$, 分别交 AD , BC 于点 M , N , 如图,



\because 四边形 $ABCD$ 为正方形,

$\therefore \angle A=90^\circ$, $AB=AD=2$, 四边形 $ABNM$ 为矩形,

$\therefore AM=BN$, $AB=MN=2$,

\because 点 G 为 AB 中点,

$\therefore AG=\frac{1}{2}AB=1$,

$\because MN \parallel AB$,

$\therefore \triangle DMF \sim \triangle DAG$,

$$\therefore \frac{DM}{MF} = \frac{AD}{AG} = \frac{2}{1},$$

即 $DM=2MF$,

设 $MF=x$, 则 $DM=2x$, $AM=2-2x$, $NF=2-x$,

$$\therefore BN=AM=2-2x,$$

根据折叠的性质得, $AE=EF$, $AB=BF=2$,

在 $\text{Rt}\triangle BNF$ 中,

根据勾股定理得, $BF^2=BN^2+NF^2$,

$$\therefore 2^2 = (2-2x)^2 + (2-x)^2,$$

整理得, $5x^2 - 12x + 4 = 0$,

解得: $x = \frac{2}{5}$ 或 2 (舍去),

$$\therefore MF = \frac{2}{5}, \quad DM = \frac{4}{5},$$

设 $AE=y$, 则 $EF=y$, $EM=AD-DM-AE=2-\frac{4}{5}-y=\frac{6}{5}-y$,

在 $\text{Rt}\triangle EMF$ 中,

由勾股定理得, $EF^2=EM^2+MF^2$,

$$\therefore y^2 = \left(\frac{6}{5}-y\right)^2 + \left(\frac{2}{5}\right)^2,$$

$$\therefore y = \frac{2}{3},$$

$$\therefore AE = \frac{2}{3}.$$

故答案为: $\frac{2}{3}$.

三. 解答题 (共 8 小题, 满分 66 分)

19. (6 分) 解下列方程:

$$(1) 2(x-1)^2 - 18 = 0;$$

$$(2) 2x^2 - 7x + 3 = 0.$$

解: (1) $(x-1)^2 = 9$,

$$x-1 = \pm 3,$$

所以 $x_1 = 4$, $x_2 = -2$;

$$(2) (2x-1)(x-3) = 0,$$

$$2x-1=0 \text{ 或 } x-3=0,$$

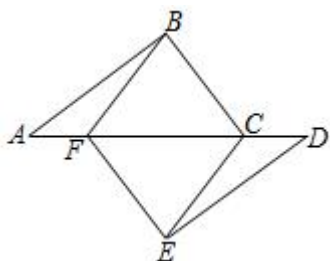
所以 $x_1 = \frac{1}{2}$, $x_2 = 3$.

20. (8分) 如图, 点 A 、 F 、 C 、 D 在同一直线上, 点 B 和点 E 分别在直线 AD 的两侧, 且 $AB = DE$,

$\angle A = \angle D$, $AF = DC$.

(1) 求证: 四边形 $BCEF$ 是平行四边形;

(2) 若 $\angle DEF = 90^\circ$, $DE = 8$, $EF = 6$, 当 AF 为 $\frac{14}{5}$ 时, 四边形 $BCEF$ 是菱形.



(1) 证明: $\because AF = DC$,

$\therefore AC = DF$,

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中,

$$\begin{cases} AB = DE \\ \angle A = \angle D, \\ AC = DF \end{cases}$$

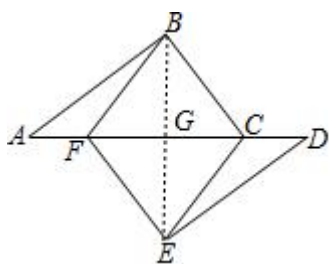
$\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF$ (SAS),

$\therefore BC = EF$, $\angle ACB = \angle DFE$,

$\therefore BC \parallel EF$,

\therefore 四边形 $BCEF$ 是平行四边形;

(2) 解: 如图, 连接 BE , 交 CF 于点 G ,



\because 四边形 $BCEF$ 是平行四边形,

\therefore 当 $BE \perp CF$ 时, 四边形 $BCEF$ 是菱形,

$\because \angle DEF = 90^\circ$, $DE = 8$, $EF = 6$,

$$\therefore DF = \sqrt{DE^2 + EF^2} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10,$$

$$\therefore FG = CG = BC \cdot \cos \angle BCA = 6 \times \frac{3}{5} = \frac{18}{5},$$

$$\therefore AF = CD = DF - 2FG = 10 - \frac{36}{5} = \frac{14}{5}.$$

故答案为: $\frac{14}{5}$.

21. (8分) 今年猪肉价格受非洲猪瘟疫情影响, 有较大幅度的上升, 为了解某地区养殖户受非洲猪瘟疫情影响感染受灾情况, 现从该地区建档的养殖户中随机抽取了部分养殖户进行了调查 (把调查结果分为四个等级: A级: 非常严重; B级: 严重; C级: 一般; D级: 没有感染), 并将调查结果绘制成如下两幅不完整的统计图. 请根据统计图中的信息解决下列问题:

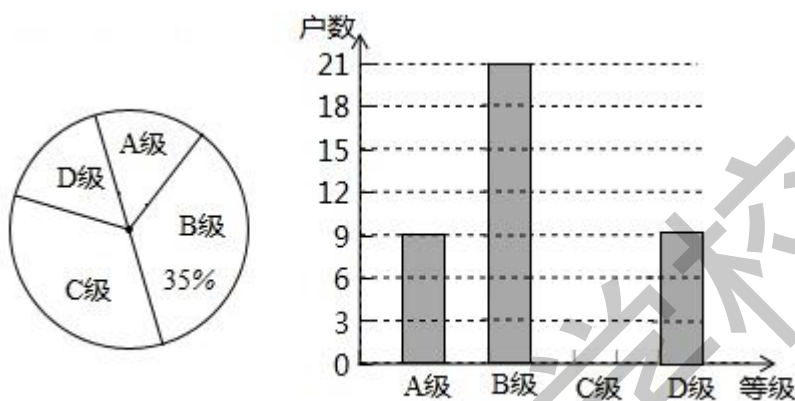


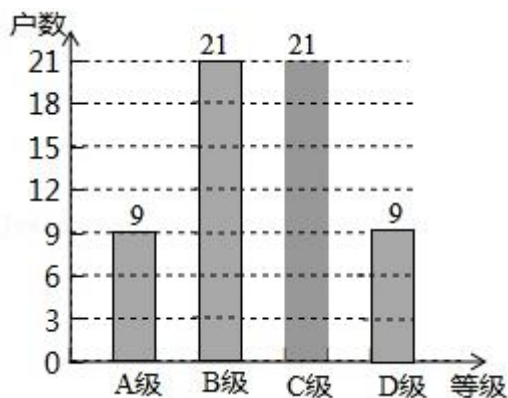
图1

图2

- 本次抽样调查的养殖户的总户数是 60; 把图2条形统计图补充完整.
- 若该地区建档的养殖户有1500户, 求非常严重与严重的养殖户一共有多少户?
- 某调研单位想从5户建档养殖户 (分别记为 a, b, c, d, e) 中随机选取两户, 进一步跟踪监测病毒传播情况, 请用列表或画树状图的方法求出选中养殖户 e 的概率.

解: (1) $21 \div 35\% = 60$ 户, $60 - 9 - 21 - 9 = 21$ 户,

故答案为: 60, 补全条形统计图如图所示:



$$(2) 1500 \times \frac{9+21}{60} = 750 \text{ 户},$$

答：若该地区建档的养殖户有 1500 户中非常严重与严重的养殖户一共有 750 户；

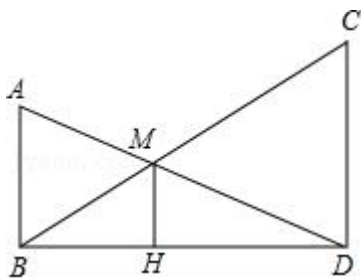
(3) 用表格表示所有可能出现的情况如下：

第2户 第1户	a	b	c	d	e
a	a	a,b	a,c	a,d	a,e
b	b,a	b	b,c	b,d	b,e
c	c,a	c,b	c	c,d	c,e
d	d,a	d,b	d,c	d	d,e
e	e,a	e,b	e,c	e,d	e

共有 20 种不同的情况，其中选中 e 的有 8 种，

$$\therefore P_{(\text{选中 } e)} = \frac{8}{20} = \frac{2}{5},$$

22. (8 分) 如图，AB 和 CD 表示两根直立于地面的柱子，AD 和 BC 表示起固定作用的两根钢筋，AD 与 BC 的交点记为 M，已知 AB=4m，CD=6m，求点 M 离地面的高度 MH.



解：∵ AB // CD,

$$\therefore \triangle ABM \sim \triangle DCM,$$

$$\therefore \frac{BH}{HD} = \frac{AB}{CD} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3},$$

∵ MH // AB,

$$\therefore \triangle MDH \sim \triangle ADB,$$

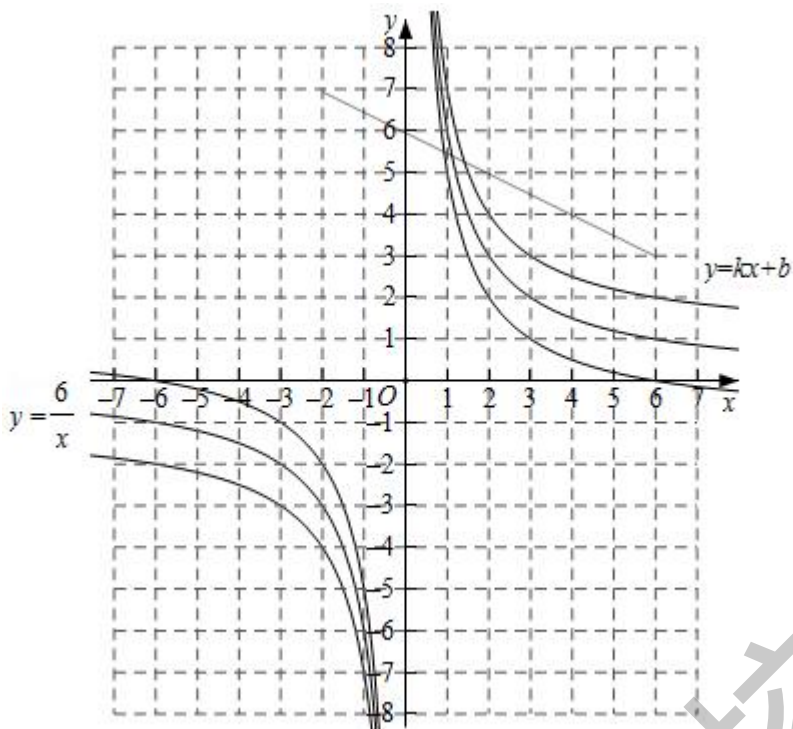
$$\therefore \frac{MH}{AB} = \frac{DH}{BD} = \frac{3}{5},$$

$$\therefore \frac{MH}{4} = \frac{3}{5},$$

$$\text{解得 } MH = \frac{12}{5}.$$

故答案为： $\frac{12}{5}$.

23. (8 分) 图象是函数性质的直观载体，通过图象我们容易把握函数的整体性质，下面我们就一类特殊的函数展开探索，经历分析解析式、列表、描点、连线过程得到函数 $y = \frac{6}{x}$, $y = \frac{6}{x} + 1$, $y = \frac{6}{x} - 1$ 的图象如图所示.



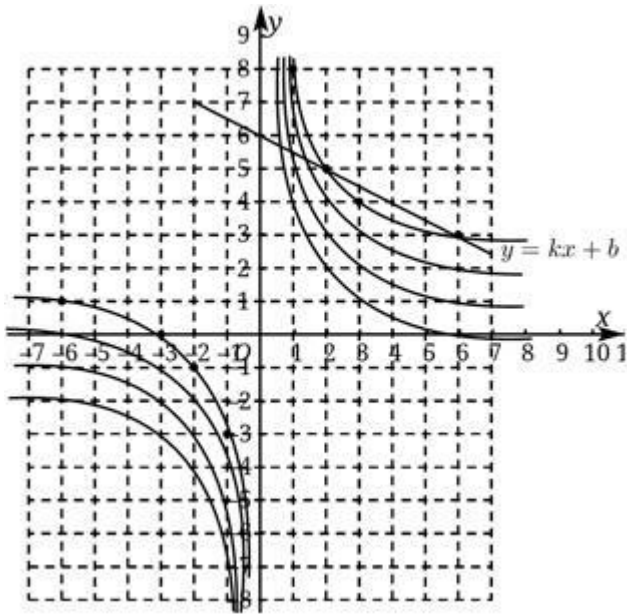
(1) 观察发现：三个函数的图象都是双曲线，且分别关于直线 $y=x$ 、 $y=x+1$ 、 $y=x-1$ 对称：三个函数解析式中分式部分完全相同，则图象的大小和形状完全相同，只有位置 and 对称轴发生了变化。因此，我们可以通过描点或平移的方法画函数图象，平移函数 $y=\frac{6}{x}$ 的图象可以得到函数 $y=\frac{6}{x}+1$ ， $y=\frac{6}{x}-1$ 的图象，分别写出平移的方向和距离。

(2) 探索思考：在所给的平面直角坐标系中，请用你喜欢的方法画出函数 $y=\frac{2x+6}{x}$ 的图象，并写出这个函数的一条性质。

(3) 拓展应用：若直线 $y=kx+b$ 过点 $(2, 5)$ 、 $(6, 3)$ ，结合你所画的函数图象，直接写出不等式 $\frac{2x+6}{x} \leq kx+b$ 的解集。

解：(1) $y=\frac{6}{x}+1$ 与 $y=\frac{6}{x}$ 相比较，当 x 相同时， y 的值增加 1，即函数图象向上平移 1 个单位长度；
 $y=\frac{6}{x}-1$ 与 $y=\frac{6}{x}$ 相比较，当 x 相同时， y 的值减小 1，即函数图象向下平移 1 个单位长度；即函数 $y=\frac{6}{x}+1$ 是由函数 $y=\frac{6}{x}$ 的图象向上平移一个单位得到；函数 $y=\frac{6}{x}-1$ 的图象是由函数 $y=\frac{6}{x}$ 的图象向下平移 1 个单位长度得到；

(2) 函数 $y=\frac{2x+6}{x}$ 可变形为 $y=\frac{6}{x}+2$ ，即函数 $y=\frac{2x+6}{x}$ 是由函数 $y=\frac{6}{x}$ 的图象向上平移 2 个单位长度得到，并关于直线 $y=x+2$ 对称，如图所示：



(3) 由函数图象可知, $y = \frac{2x+6}{x}$ 与 $y = kx+b$ 都过点 $(2, 5)$, $(6, 3)$,

由函数图象可知, 当 $x < 0$ 或 $2 \leq x \leq 6$ 时, $y = \frac{2x+6}{x}$ 的图象在 $y = kx+b$ 的下方,

故不等式 $\frac{2x+6}{x} \leq kx+b$ 的解集为: $x < 0$ 或 $2 \leq x \leq 6$.

24. (8分) 若 y 是 x 的函数, h 为常数 ($h > 0$), 若对于该函数图象上的任意两点 (x_1, y_1) 、 (x_2, y_2) , 当 $a \leq x_1 \leq b$, $a \leq x_2 \leq b$ (其中 a, b 为常数, $a < b$) 时, 总有 $|y_1 - y_2| \leq h$, 就称此函数在 $a \leq x \leq b$ 时为有界函数, 其中满足条件的所有常数 h 的最小值, 称为该函数在 $a \leq x \leq b$ 时的界高.

(1) 函数: ① $y = 2x$, ② $y = \frac{1}{x}$, ③ $y = x^2$ 在 $-1 \leq x \leq 1$ 时为有界函数的是 ①③ (填序号);

(2) 若一次函数 $y = kx + 2$ ($k \neq 0$), 当 $a \leq x \leq b$ 时为有界函数, 且在此范围内的界高为 $b - a$, 请求出此一次函数解析式;

(3) 已知函数 $y = x^2 - 2ax + 5$ ($a > 1$), 当 $1 \leq x \leq a + 1$ 时为有界函数, 且此范围内的界高不大于 4, 求实数 a 的取值范围.

解: (1) ① 当 $x = -1$ 时, $y = -2$, 当 $x = 1$ 时, $y = 2$,

$\therefore |y_1 - y_2| \leq |2 - (-2)| = 4$, 故 $y = 2x$ 在 $-1 \leq x \leq 1$ 时是有界函数;

② $\because y = \frac{1}{x}$ 的 x 不等于 0,

\therefore 函数 $y = \frac{1}{x}$ 在 $-1 \leq x \leq 1$ 时没有最大值和最小值,

\therefore 函数 $y = \frac{1}{x}$ 在 $-1 \leq x \leq 1$ 时不是有界函数;

③ 当 $x = -1$ 或 $x = 1$ 时, $y = 1$, 当 $x = 0$ 时, $y = 0$,

$\therefore |y_1 - y_2| \leq |1 - 0| = 1$, 故 $y = x^2$ 在 $-1 \leq x \leq 1$ 时是有界函数;

故答案为: ①③;

(2) 由函数 $y = kx + 2$ 在 $a \leq x \leq b$ 时为有界函数, 且此时的界高为 $b - a$,

$$\therefore y_{\text{最大值}} - y_{\text{最小值}} = b - a,$$

当 $k > 0$ 时, y 随 x 的增大而增大,

$$\therefore x = a \text{ 时, } y_{\text{最小值}} = ka + 2, x = b \text{ 时, } y_{\text{最大值}} = kb + 2,$$

$$\therefore kb + 2 - (ka + 2) = b - a,$$

$$\therefore k = 1,$$

$$\therefore y = x + 2;$$

当 $k < 0$ 时, y 随 x 的增大而减小,

$$\therefore x = a \text{ 时, } y_{\text{最大值}} = ka + 2, x = b \text{ 时, } y_{\text{最小值}} = kb + 2,$$

$$\therefore ka + 2 - (kb + 2) = b - a,$$

$$\therefore k = -1,$$

$$\therefore y = -x + 2,$$

综上所述, 一次函数的解析式为 $y = x + 2$ 或 $y = -x + 2$.

$$(3) \therefore y = x^2 - 2ax + 5 = (x - a)^2 + 5 - a^2, a > 1,$$

\therefore 当 $1 \leq x < a$ 时, y 随 x 的增大而减小, 当 $a < x \leq a + 1$ 时, y 随 x 的增大而增大,

\therefore 当 $1 \leq x \leq a + 1$ 时为有界函数, 且此范围内的界高不大于 4,

$$\therefore y_{\text{最大值}} - y_{\text{最小值}} \leq 4,$$

当 $a \leq \frac{1+a+1}{2}$, 即 $1 < a \leq 2$ 时, $a+1$ 离 a 的距离比 1 离 a 的距离远或一样远,

$$\therefore x = a \text{ 时, } y_{\text{最小值}} = 5 - a^2, x = a + 1 \text{ 时, } y_{\text{最大值}} = (a + 1)^2 - 2a(a + 1) + 5 = -a^2 + 6,$$

$$\therefore -a^2 + 6 - (5 - a^2) \leq 4,$$

化简得: $1 \leq 4$,

$$\therefore 1 < a \leq 2,$$

当 $a > \frac{1+a+1}{2}$, 即 $a > 2$ 时, $a+1$ 离 a 的距离比 1 离 a 的距离近,

$$\therefore x = a \text{ 时, } y_{\text{最小值}} = 5 - a^2, x = 1 \text{ 时, } y_{\text{最大值}} = 1 - 2a + 5 = -2a + 6,$$

$$\therefore -2a + 6 - (5 - a^2) \leq 4,$$

解得: $1 < a \leq 3$,

$$\therefore 2 < a \leq 3,$$

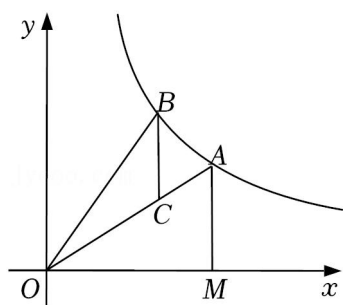
综上所述, a 的取值范围为 $1 < a \leq 3$.

25. (10分) 如图, 点 A, B 在反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k > 0, x > 0$) 的图象上, $AM \perp x$ 轴于点 M , $BC \parallel$

AM 交线段 OA 于点 C , 连结 OB . 已知点 A, B 的横坐标分别为 6, 4.

(1) 求 $\frac{BC}{AM}$ 的值.

(2) 当 $\triangle AOM$ 与 $\triangle OBC$ 的面积之差等于 4 时, 求 k 的值.



解: (1) 延长 BC 交 OM 于 N ,

$\because AM \perp x$ 轴, $BC \parallel AM$,

$\therefore BN \perp x$ 轴, $\triangle CON \sim \triangle OAM$,

$$\therefore \frac{CN}{AM} = \frac{ON}{OM},$$

$\because A, B$ 的横坐标分别为 6, 4,

$\therefore OM = 6, ON = 4$,

\because 点 A, B 在反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k > 0, x > 0$) 的图象上,

$$\therefore BN = \frac{k}{4}, AM = \frac{k}{6},$$

$$\therefore \frac{CN}{AM} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3},$$

$$\therefore CN = \frac{2}{3} AM = \frac{k}{9},$$

$$\therefore BC = BN - CN = \frac{k}{4} - \frac{k}{9} = \frac{5k}{36},$$

$$\therefore \frac{BC}{AM} = \frac{\frac{5k}{36}}{\frac{k}{6}} = \frac{5}{6};$$

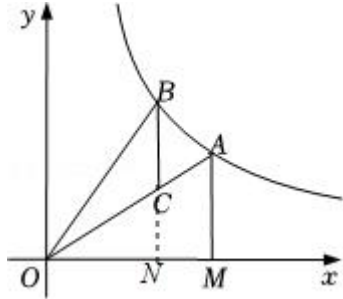
$$(2) \because S_{\triangle AOM} = \frac{1}{2} \cdot OM \cdot AM = \frac{1}{2} \times 6 \cdot \frac{k}{6} = \frac{k}{2},$$

$$S_{\triangle OBC} = \frac{1}{2} \cdot ON \cdot BC = \frac{1}{2} \times 4 \cdot \frac{5k}{36} = \frac{5k}{18},$$

$$S_{\triangle AOM} - S_{\triangle OBC} = 4,$$

$$\therefore \frac{k}{2} - \frac{5k}{18} = 4,$$

解得: $k=18$.



26. (10分) 如图1, 在边长为4的正方形 $ABCD$ 中, 点 E 在直线 BC 上, 连接 AE , 以 AE 为边作正方形 $AEFG$ (A, E, F, G 四个顶点按照逆时针排列), 连接 AF , 直线 AF 交直线 CD 于点 H .

(1) 当点 E 在边 BC 上时 (点 E 不与点 B 重合), 连接 DG ,

①求证: $\triangle ADG$ 是直角三角形.

②线段 BE, DH, EH 之间有怎样的关系, 并加以证明.

(2) 当点 E 不在线段 BC 上时, 请直接写出线段 BE, DH, EH 之间的关系.

(3) 如图2, 当点 E 在边 BC 上时 (点 E 不与点 B 重合) 连接 BD , 分别交 AE, AH 于点 M, N , 当 $CE+CH=4.5$ 时, 请直接写出线段 MN 的长.

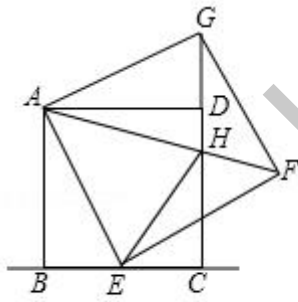


图 1

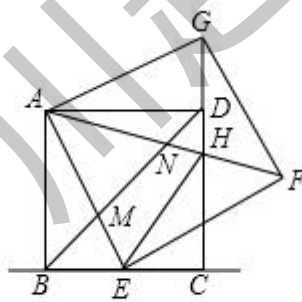
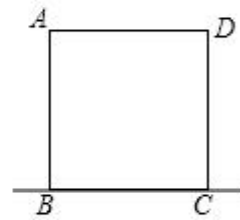


图 2



(1) ①证明: \because 四边形 $ABCD$ 和四边形 $AEFG$ 是正方形,

$$\therefore \angle ADC = \angle ABE = \angle BAD = \angle EAG = 90^\circ, \quad AB = AD, \quad AE = AG, \quad \angle GAH = \angle EAH = \frac{1}{2} \angle EAG =$$

$45^\circ,$

$$\therefore \angle BAE = \angle DAG,$$

$$\text{在 } \triangle ADG \text{ 和 } \triangle ABE \text{ 中, } \begin{cases} AD = AB \\ \angle DAG = \angle BAE, \\ AG = AE \end{cases}$$

$$\therefore \triangle ADG \cong \triangle ABE \text{ (SAS)},$$

$$\therefore \angle ADG = \angle ABE = 90^\circ,$$

$\therefore \triangle ADG$ 是直角三角形.

②解: $BE+DH=EH$, 理由如下:

由①得: $\triangle ADG \cong \triangle ABE$,

$$\therefore BE = DG, \angle ADG = \angle ABE = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ADG + \angle ADC = 180^\circ,$$

$\therefore C, D, G$ 三点共线,

在 $\triangle AEH$ 和 $\triangle AGH$ 中,
$$\begin{cases} AE = AG \\ \angle EAH = \angle GAH \\ AH = AH \end{cases}$$

$\therefore \triangle AEH \cong \triangle AGH$ (SAS),

$$\therefore EH = GH,$$

$$\therefore GH = DG + DH = BE + DH,$$

$$\therefore EH = BE + DH;$$

(2) 解: 当点 E 在边 BC 的延长线上时, $BE = DH + EH$, 理由如下:

如图 3 所示:

同 (1) 得: $\triangle ADG \cong \triangle ABE$ (SAS), $\triangle AEH \cong \triangle AGH$ (SAS),

$$\therefore BE = DG, EH = GH,$$

$$\therefore DG = DH + GH = DH + EH,$$

$$\therefore BE = DH + EH;$$

当点 E 在边 CB 的延长线上时, $DH = BE + EH$, 理由如下:

如图 4 所示:

同 (1) 得: $\triangle ADG \cong \triangle ABE$ (SAS), $\triangle AEH \cong \triangle AGH$ (SAS),

$$\therefore BE = DG, EH = GH,$$

$$\therefore DH = DG + GH = BE + EH,$$

$$\therefore DH = BE + EH;$$

(3) 解: 设 $CE = x$, 则 $BE = 4 - x$,

由 (1) 得: $\triangle ADG \cong \triangle ABE$ (SAS), $\triangle AEH \cong \triangle AGH$ (SAS),

$$\therefore BE = DG, EH = GH,$$

$$\therefore GH = DG + DH = BE + DH,$$

$$\therefore EH = BE + DH,$$

$$\therefore DG=4-x,$$

$$\therefore CE+CH=4.5,$$

$$\therefore CH=4.5-x,$$

$$\therefore DH=4-(4.5-x)=x-0.5,$$

$$\therefore EH=BE+DH=4-x+x-0.5=3.5=\frac{7}{2},$$

作 $AO \perp BD$ 于 O , 如图 2 所示:

则 $OA = \frac{1}{2}BD = \frac{\sqrt{2}}{2}AB = 2\sqrt{2}$, $\angle BAO = \angle DAO = 45^\circ = \angle EAH$, $\triangle ABO$ 和 $\triangle ADO$ 是等腰直角三角形,

$$\therefore \angle BAE = \angle OAN, \quad \angle DAH = \angle OAM, \quad \frac{OA}{AB} = \frac{OA}{AD} = \frac{\sqrt{2}}{2},$$

$$\therefore \angle AON = \angle ABE,$$

$$\therefore \triangle AON \sim \triangle ABE,$$

$$\therefore \frac{AN}{AE} = \frac{OA}{AB} = \frac{\sqrt{2}}{2},$$

同理: $\triangle AOM \sim \triangle ADH$,

$$\therefore \frac{AM}{AH} = \frac{OA}{AD} = \frac{\sqrt{2}}{2},$$

$$\therefore \frac{AN}{AE} = \frac{AM}{AH},$$

又 $\angle MAN = \angle HAE$,

$$\therefore \triangle AMN \sim \triangle AHE,$$

$$\therefore \frac{MN}{EH} = \frac{AM}{AH} = \frac{\sqrt{2}}{2}, \quad \text{即} \quad \frac{MN}{\frac{7}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2},$$

$$\text{解得: } MN = \frac{7\sqrt{2}}{4},$$

即线段 MN 的长为 $\frac{7\sqrt{2}}{4}$.

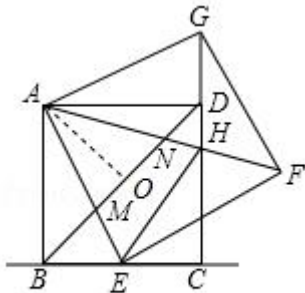


图 2

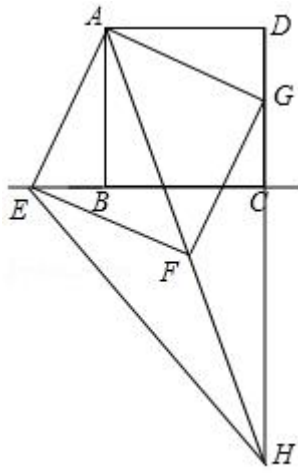


图 4

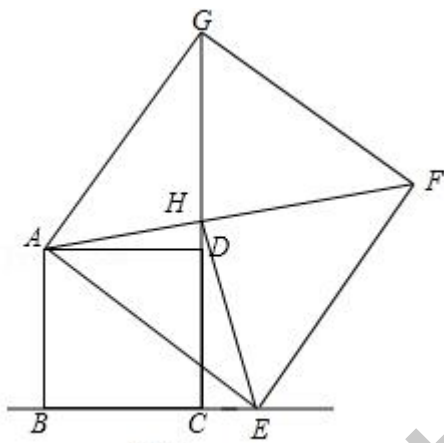


图 3

川越学校

川越学校